

COLLEGE OF ELECTRONICS TECHNOLOGY - TRIPOLI

Final Exam of Electromagnetic II CM 322 fall 2018

Time 2:00 Hrs

Q1: I: Briefly explain Faraday's law and the function of Lenz's law. (3 points)

II: The magnetic field of a wave propagating through a certain nonmagnetic material is given by : $H = a_z 30 \cos(10^8 t - 0.5y)$ mA/m Find the following:

- The Direction of wave propagation. 1 point
- The phase velocity. 2 points
- The wavelength in the material. 2 points
- Relative permittivity of the material. 2 points
- The electric field phasor. (5 points)

Q2: A y-polarized uniform plane wave with a frequency 100 MHz propagates in air in the +x direction and impinges normally on a perfectly conducting plane at x=0. Assuming the amplitude of E_i to be 6 mv/m, write the phasor and instantaneous expressions for

i- E_i and H_i of incident wave, E_r and H_r of the reflected wave. (15 points)

Q3: For a distortionless line with $Z_0=50 \Omega$, $\alpha=20$ mNp/m and $u_p = 2.5 \times 10^8$ m/s, find the line parameters and λ . at 100MHz. (15 points)

Q4: I) A transmission line operating at 125 MHz has $Z_0 = 40$ ohm, $\alpha = 0.02$ (Np/m) and $\beta = 0.75$ (rad/m), Find R, L, G, C. (15 points)

$$\text{curl } \mathbf{F} = \nabla_1 \times \mathbf{F} = \begin{vmatrix} \hat{a}_1 & \hat{a}_2 & \hat{a}_3 \\ \frac{\partial}{\partial u_1} & \frac{\partial}{\partial u_2} & \frac{\partial}{\partial u_3} \\ F_1 & F_2 & F_3 \end{vmatrix} = \hat{a}_1 \left(\frac{\partial F_3}{\partial u_2} - \frac{\partial F_2}{\partial u_3} \right) + \hat{a}_2 \left(\frac{\partial F_1}{\partial u_3} - \frac{\partial F_3}{\partial u_1} \right) + \hat{a}_3 \left(\frac{\partial F_2}{\partial u_1} - \frac{\partial F_1}{\partial u_2} \right)$$

$$\text{div } \mathbf{F} = \nabla_1 \cdot \mathbf{F} = \frac{\partial F_1}{\partial u_1} + \frac{\partial F_2}{\partial u_2} + \frac{\partial F_3}{\partial u_3}$$

$$\text{grad } f = \hat{a}_1 \frac{\partial f}{\partial u_1} + \hat{a}_2 \frac{\partial f}{\partial u_2} + \hat{a}_3 \frac{\partial f}{\partial u_3}$$

In the Cartesian $\hat{a}_1 = \hat{a}_2 = \hat{a}_3 = \hat{a}$
 in spherical coordinates $\hat{a}_r = \hat{a}_1 \cos \theta \cos \phi + \hat{a}_2 \cos \theta \sin \phi + \hat{a}_3 \sin \theta$
 $\hat{a}_\theta = \hat{a}_1 \sin \theta \cos \phi + \hat{a}_2 \sin \theta \sin \phi - \hat{a}_3 \cos \theta$
 $\hat{a}_\phi = -\hat{a}_1 \sin \phi + \hat{a}_2 \cos \phi$ Circular cylindrical

$$\nabla = \hat{a}_r \frac{\partial}{\partial r} + \hat{a}_\theta \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \theta} + \hat{a}_\phi \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \phi}$$

$$\nabla = \hat{a}_1 \frac{\partial}{\partial x} + \hat{a}_2 \frac{\partial}{\partial y} + \hat{a}_3 \frac{\partial}{\partial z}$$

$$\nabla = \hat{a}_1 \frac{\partial}{\partial x} + \hat{a}_2 \frac{\partial}{\partial y} + \hat{a}_3 \frac{\partial}{\partial z}$$

Good Luck Dr. Tarig Algadey

Ex 11

Q1: I as explained in the class.

II. $H = \hat{z} 30 \cos(10^8 t - 0.5y)$ mA/m

a. positive +y direction

b. $\omega = 10^8 \text{ rad/sec}$, $k = 0.5 \text{ rad/m}$

$v_p = \frac{\omega}{k} = \frac{10^8}{0.5} = 2 \times 10^8 \text{ m/sec}$

c. $\lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{0.5} = 12.6 \text{ m}$

d. $\epsilon_r = \left(\frac{c}{v_p}\right)^2 = \left(\frac{3 \times 10^8}{2 \times 10^8}\right)^2 = 2.25$

$\vec{E} = -\hat{y} k \times \vec{H} \Rightarrow \eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \frac{120\pi}{\sqrt{\epsilon_r}} = 251.3 \Omega$

$k = \hat{y}$

Hence $\vec{H} = \hat{z} 30 e^{-j0.5y} \times 10^{-3} \text{ A/m}$

$\vec{E} = -251.33 \hat{y} \times \hat{z} 30 e^{-j0.5y} \times 10^{-3} = -\hat{x} 7.54 e^{-j0.5y} \times 10^{-3} \text{ V/m}$

Q2. At the given frequency 100 MHz

$\omega = 2\pi f = 2\pi \times 10^8 \text{ rad/sec}$

$\beta_1 = k_0 = \frac{\omega}{c} = \frac{2\pi \times 10^8}{3 \times 10^8} = \frac{2\pi}{3} \text{ rad/m}$

$\eta_1 = \eta_0 = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 120\pi \Omega$

for the incident wave $E_i(x) = \hat{y} 6 \times 10^{-3} e^{-j\frac{2\pi}{3}x} \text{ V/m}$

$H_i(x) = \frac{1}{\eta_0} \hat{y} \times E_i(x) = \hat{z} \frac{10^{-4}}{2\pi} e^{-j\frac{2\pi}{3}x} \text{ A/m}$

$E_r(x) = -\hat{y} (6 \times 10^{-3}) e^{-j\frac{2\pi}{3}x} \text{ V/m}$

$H_r(x) = \frac{1}{\eta_0} (-\hat{y}) \times E_r(x) = \hat{z} \frac{10^{-4}}{2\pi} e^{-j\frac{2\pi}{3}x} \text{ A/m}$

Q3: For a distortionless line $z_0 = 50 \Omega$, $\alpha = 20 \text{ mNp/m}$

$$v_p = 2.5 \times 10^8 \text{ m/s} \quad f = 100 \text{ MHz}$$

$$R = \alpha z_0 = 20 \times 10^{-3} \times 50 = 1 \text{ } \Omega/\text{m}$$

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow L = \frac{z_0}{v_p} = \frac{50}{2.5 \times 10^8} = 2 \times 10^{-7} \text{ H/m} = 200 \frac{\text{nH}}{\text{m}}$$

$$C = \frac{L}{z_0^2} = \frac{2 \times 10^{-7}}{(50)^2} = 8 \times 10^{-11} \text{ F/m} = 80 \text{ pF/m}$$

$$g = \frac{RC}{L} = \frac{1 \times 80 \times 10^{-12}}{2 \times 10^{-7}} = 4 \times 10^{-4} \text{ S/m} = 400 \text{ } \mu\text{S/m}$$

$$\lambda = \frac{v_p}{f} = \frac{2.5 \times 10^8}{10^8} = 2.5 \text{ m}$$

Q4: $f = 125 \text{ MHz}$, $z_0 = 40 \Omega$, $\alpha = 0.02 \text{ NP/m}$
 $\beta = 0.75 \text{ rad/m}$

Solution Since z_0 is real $\alpha \neq 0$, Line is distortionless

$$L = \frac{\beta z_0}{\omega} = 38.2 \text{ nH/m}$$

$$z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}} \Rightarrow C = \frac{L}{z_0^2} = 31.2 \text{ pF/m}$$

$$\alpha = \sqrt{RG} \Rightarrow R = 0.6 \text{ } \Omega/\text{m}$$

$$G = \frac{\alpha}{R} = 0.5 \frac{\text{mS}}{\text{m}}$$

امتحان النصف الأول لمادة الكهرومغناطيسية II - 20%

الزمن ماعتان فقط (من 08.00 الى 10.00 صباحا)

اجب عن جميع الاسئلة التالية: (مجموع الدرجات 20 درجة)

السؤال الأول: (6 درجات - 30%)

A. الشكل يوضح موجة منعكسة من سطح موصل. فإذا كانت الموجة الأصلية تسقط في اتجاه عمودي (z):

1. ضع بيانات توضيحية على الرسم.

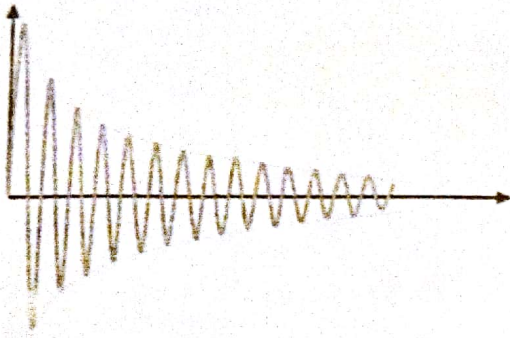
2. أكتب الصيغة الرياضية للموجة.

B. أوجد بالرسم و التعليل كيف يكون شكل الموجة في الحالات التالية:

1. عندما يكون الوسط غير موصل كهربيا ($\mu_1 = \mu_0, \epsilon_1 = \epsilon_0, \sigma = 0$)

2. عندما يكون التردد صفر.

C. أجب ثم علق على مقدار إختراق الموجة لسطح مادة لها المواصفات

عند الترددات ($F = 10MHz, 10GHz$) $\mu_1 = 2\mu_0, \epsilon_1 = 4\epsilon_0, \frac{\sigma}{\omega\epsilon} = 1$ 

الشكل 1

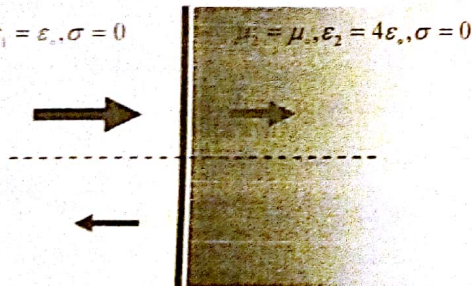
السؤال الثاني: (6 درجات - 30%)

موجة منتظمة تسبح في الهواء و تسقط على مستوى عازل (Lossless Dielectric) بزواوية عمودية ، فإذا كانت خواص العازل تعطى بالمتغيرات ($\mu_2 = \mu_0, \epsilon_2 = 4\epsilon_0, \sigma_2 = 0$) و مقدار القيمة القصوى للموجة الساقطة يعطى بالمعادلة ($E_{m1}^+ = 10e^{\alpha + j\beta}$). أوجد مقدار القيمة القصوى للمجال المنعكس والمجال المنتقل إذا كان:-

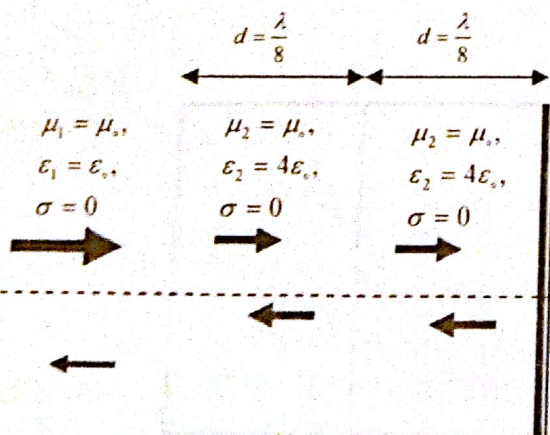
1. $\alpha = 0$ و $\beta = \pi/2$ 2. $\alpha = 2.3$ و $\beta = 0$

السؤال الثالث: (8 درجات - 40%)

$$\mu_1 = \mu_0, \epsilon_1 = \epsilon_0, \sigma = 0$$



الشكل 2



الشكل 3

قطعتي بلاستيك ملتصقتين سمك كل منهما (d) كما هو موضح بالشكل 3. أحد أسطح القطعتين مغطى بمادة موصلة جيد للكهرباء ($\sigma = \infty$) بينما كان السطح المكشوف للقطعة الأخرى عرضة لسقوط موجة عمودية ($E_{m1}^+ = 100Z_0$) عند تردد ($F = 10MHz$).

أوجد مقدار القيمة القصوى للمجالات المنعكسة والمجالات المنتقلة ثم مثل الموجة رياضيا.

بالتوفيق والنجاح



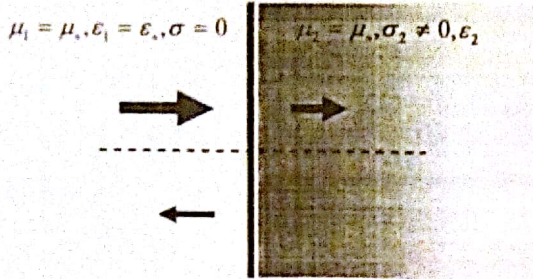
يمكن استخدام الكتاب ودفتر الملاحظات ولا يسمح باستخدام الهواتف الذكية

II الامتحان النهائي لمادة كهرومغناطيسية

الزمن ساعتان و نصف

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

السؤال الأول: (الدرجة 15%)



الشكل 1

موجة منتظمة $E_{m1}^+ = 100 \angle 0^\circ$ عند تردد ($F = 500 \text{ MHz}$) تسبح في الهواء و تسقط على مستوى لمادة مجهولة لها الخواص الكهربية ($\mu_2 = \mu_0, \sigma_2 \neq 0, \epsilon_2$). فإذا كان مقدار الإشارة المنعكسة $E_{m1}^- = 99.99 \angle 179.9$. حدد ما هو نوع المادة إذا علمت أنها أحد ثلاثة احتمالات للعناصر التالية:

1. رملة ($\sigma_2 = 44 \times 10^{-5} \text{ S/m}, \epsilon_2 = 11.9$)
2. الذهب ($\sigma_2 = 41 \times 10^6 \text{ S/m}, \epsilon_2 = \epsilon_0$)
3. ماء ($\sigma_2 = 2 \times 10^{-4} \text{ S/m}, \epsilon_2 = 76.7$)

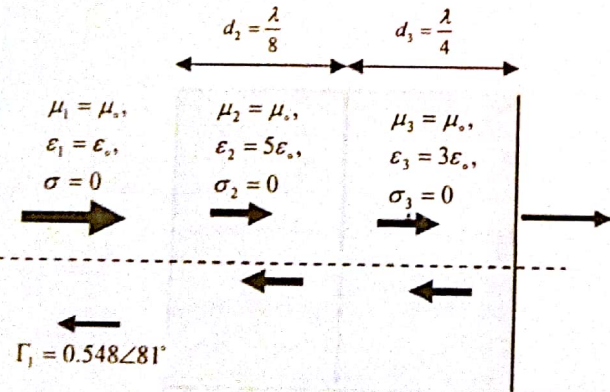
السؤال الثاني: (الدرجة 15%)

استخدم مخطط سميت (Smith Chart) في تحديد الأحمال التي تحقق الآتي:

$$y = -j0.25 \angle 90^\circ -3$$

$$\Gamma = 0.2 \angle 22.5^\circ -2 \quad \text{SWR} = 1.5 \text{ عند } 0.125 \lambda$$

السؤال الثالث: (الدرجة 40%)



الشكل 2

سقطت موجة منتظمة على سطح جسم يتكون من ثلاثة طبقات. مواصفات الطبقة الأولى والثانية معلومة وموضحة بالشكل 2. إذا كان معامل الانعكاس عند سطح الطبقة الأولى معلوم ($\Gamma_1 = 0.548 \angle 81^\circ$) وكان مقدار الموجة الساقطة يأخذ القيمة ($E_{m1}^+ = 100 \angle 0$) عند تردد ($F = 10 \text{ MHz}$). أوجد:

1. معاوقة الوسط الثالث (η_4)
2. ما هو توقعك للمادة المجهولة (موصل أم عازل).
3. E_{m2}^+

السؤال الرابع: (الدرجة 30%)

1. دليل موجي (wave guide) يحتوي بداخله مادة عازلة، له الأبعاد ($1.02 \text{ cm} \times 2.29 \text{ cm}$). إذا أردنا أن نرسل موجة نوع TM ترددها 10 GHz ، فما هي المواصفات التي ينبغي أن تكون في المادة العازلة. وما هو أقل تردد يمكن استخدامه إذا كان وسط الدليل مفرغ.
2. تنتقل موجة TE في دليل موجي أبعاده مقطعه ($a \times b$) وكان أقل تردد يمكن استخدامه للموجة هو 6 GHz . فإذا استخدمنا النمط الموجي TE_{01} عند تردد 15 GHz ، كم تكون مساحة مقطع الدليل الموجي؟
3. ارسم الأنماط الموجية التالية:

$$TM_{44} \quad .3$$

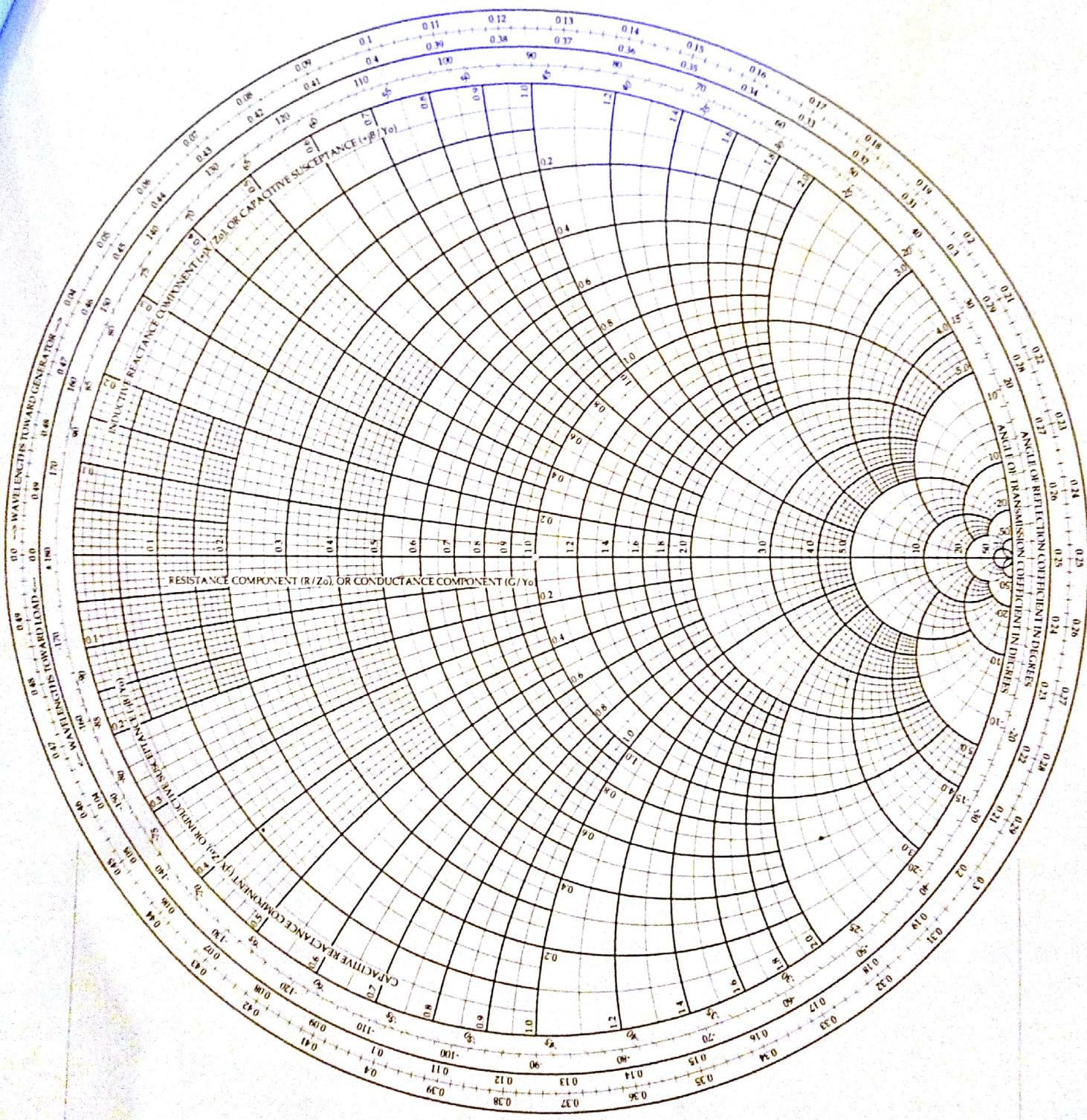
$$TM_{14} \quad .2$$

$$TM_{03} \quad .1$$

بالتوفيق والنجاح

The Complete Smith Chart

Black Magic Design



RADIALLY SCALED PARAMETERS

